3 (Sem-1) STA-HG/RC-1

2019

STATISTICS

(Honours Generic/Regular)

Theory Paper: STA-HG-1016/STA-RC-1016

Full Marks - 60

Time - Three hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese. ইংৰাজী অথবা অসমীয়াত উত্তৰ কৰিবা।

1. Choose the correct answer from the following questions: $1 \times 7 = 7$

তলৰ প্ৰশ্নসমূহৰ পৰা শুদ্ধ উত্তৰটো বাছি উলিওৱা ঃ

	The graph by which we can locate various
	partition values is known as
	যি লেখৰ সহায়ত আমি বিভিন্ন বিভাজক মানবোৰ নিৰ্ণয়
•	কৰিব পাৰো তাক বুলি কোৱা হয়।

- (i) Histogram ভদ্তলেখ
- (ii) Frequency curve মসুণ লেখ

- (iii) Cumulative frequency curve সঞ্চয়ী বাৰংবাৰতা লেখ
- (iv) Frequency Polygon বাৰংবাৰতা বহুভুজ
- (b) The formula for semi-interquartile range is অৰ্থ আন্তঃ চতুৰ্থক পৰাসৰ সূত্ৰটো হ'ল

(i)
$$\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$$
 (ii) $\frac{1}{2}(Q_2 - Q_1)$

(iii)
$$\frac{1}{2}(Q_1 - Q_3)$$
 (iv) $\frac{1}{2}(Q_1 - Q_2)$

(c) Standard deviation is the minimum value of

প্ৰামাণিক বিচলন হ'ল _____ৰ নৃন্যতম মান।

- (i) Mean square deviation গড় বৰ্গ বিচলন
- (ii) Root mean square deviation মূল মাধ্য বৰ্গ বিচলন
- (iii) Variance গণনা কৰা বিচলন
- (iv) Co-efficient of variation বিচৰণ গুণাংক বা সহগ

(d) Which of the following statement (s) is/are true?

তলত দিয়া কোনটো/কোনকেইটা বিৱৰণ শুদ্ধ ?

I. The series having lesser c.v. is said to be more consistent than the other.

কোনো এটা শ্ৰেণীৰ বিচৰণৰ গুণক আন এটা শ্ৰেণীতকৈ সৰু হ'লে সেইটো শ্ৰেণীৰ বিচৰণ আনটো শ্ৰেণীতকৈ বেচি হ'ব।

II. The series having lesser c.v. is said to be less consistent than the other.

কোনো এটা শ্ৰেণীৰ বিচৰণৰ গুণক আন এটা শ্ৰেণীতকৈ সৰু হ'লে সেইটো শ্ৰেণীৰ বিচৰণ আনটো শ্ৰেণীতকৈ কম হ'ব।

III. The series having greater c.v. is said to be more consistent than the other.

কোনো এটা শ্রেণীৰ বিচৰণৰ গুণক আন এটা শ্রেণীতকৈ ডাঙৰ হ'লে সেইটো শ্রেণীৰ বিচৰণ

আনটো শ্রেণীতকৈ কম হ'ব।

IV. The series having greater c.v. is said to be less consistent than the other.

কোনো এটা শ্ৰেণীৰ বিচৰণৰ গুণক আন এটা শ্ৰেণীতকৈ ডাঙৰ হ'লে সেইটো শ্ৰেণীৰ বিচৰণ আনটো শ্ৰেণীতকৈ বেছি হ'ব।

(i) I (ii) II

(iii) I and III (iv) I and IV

- (e) The co-efficient of Kurtosis is given by কুকুদ-বক্ৰতাৰ সহগ হ'ল
 - (i) $\beta_2 = \mu_3^2/\mu_2^3$ (ii) $\beta_2 = \mu_3/\mu_2^3$
 - (iii) $\beta_2 = \mu_a^2/\mu_2$ (iv) $\beta_2 = \mu_a/\mu_2^2$
- (f) The strength of 7 colleges in a city are 385, 1748, 1343, 1935, 786, 2874 and 2108. Thus the median strength is

চহৰ এখনৰ সাতখন মহাবিদ্যালয়ৰ আসনৰ সংখ্যা ক্ৰমে 385, 1748 1343, 1935, 786, 2874 আৰু 2108 হ'লে ইয়াৰ মধ্যমা হ'ব

(i) 1343

(ii) 1935

(iii) 1748

- (iv) 786
- (g) The condition for the consistency of a set of independent class frequency is that no ultimate class frequency is _____.

এটা স্বতন্ত্ৰ শ্ৰেণী বাৰংবাৰতা সৃস্থিৰ হোৱাৰ প্ৰধান চৰ্ত হ'ল যে কোনো অন্তিম বাৰংবাৰতা ——— হ'ব নোৱাৰে।

- (i) Zero (শ্ব্য)
- (ii) Positive (ধনাত্মক)
- (iii) Lies between 0 and 1

0 আৰু 1ৰ মাজত

(iv) Negative. (ঋণাত্মক)।

- 2. Answer the following questions briefly: 2×4=8 তলত দিয়া প্রশ্নসমূহৰ সংক্ষেপতে উত্তৰ লিখা:
 - (a) Form an ordinary frequency table from the following data:

তলত দিয়া তথ্যৰ পৰা এখন সাধাৰণ বাৰংবাৰতা তালিকা প্ৰস্তুত কৰাঃ

Daily Wage দৈনিক মজুৰী	No. of work কৰ্মীৰ সংখ্য
Below Rs. 100 100 টকাৰ তলত	150
Below Rs. 200 200 টকাৰ তলত	280
Below Rs. 300 300 টকাৰ তলত	400

(b) Mention four requisities of an ideal measure of central tendency.

আদর্শ কেন্দ্রীয় প্রবৃত্তিৰ মাপৰ পূর্ব আৱশ্যকীয় নীতি চার্বিটা উল্লেখ করা।

- (c) Write down four demerits of median. মধ্যমাৰ চাৰিটা ত্ৰুটিৰ বিষয়ে লিখা।
- (d) Give one example where two variables are uncorrelated but not independent.

"সহসম্বন্ধ গুণাংক শূন্য হ'লেও চলক দুটা স্বতন্ত্র নহয়"— এটা উদাহৰণ দিয়া।

6/3 (Sem-1) STA-HG/RC-1 (5)

Turn over

3. Answer any *three* questions from the following: $5\times 3=15$

তলৰ যিকোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ কৰা ঃ

(a) Prove that
$$-1 \le r$$
 $(x, y) \le 1$,
where $r(x, y)$ is the correlation coefficient
between x and y.

প্রমাণ কৰা $-1 \le r$ $(x, y) \le 1$ r(x, y) হ'ল x আৰু y ৰ মাজৰ সহসম্বন্ধ গুণাংক ।

(b) Draw the histogram and frequency curve from the following frequency table:

তলত দিয়া বাৰংবাৰতা বিভাজন তালিকাৰ পৰা স্তম্ভলেখ আৰু বাৰংবাৰতা বা মসৃণ লেখ অংকন কৰাঃ

Age (in years)	No. of students
বয়স (বছৰত)	ছাত্ৰৰ সংখ্যা
2-5	6
5 – 11	6
11 – 12	2
12 – 14	5
14 – 15	1
15 – 16	3

(c) Calculate Mean and Standard deviation from the following frequency table:

তলত দিয়া বাৰংবাৰতা বিভাজন তালিকাৰ পৰা সমান্তৰ মাধ্য আৰু প্ৰামাণিক বিচলন নিৰ্ণয় কৰাঃ

Age (in years)	No. of students
বয়স (বছৰত)	ছাত্ৰৰ সংখ্যা
20-30	3
30 – 40	61
40 – 50	132
50 – 60	153
60 – 70	140
70 – 80	51
80 – 90	2

- (d) Prove that, the nth order divided difference of a polynomial of nth degree is constant. প্ৰমাণ কৰা যে, n খাতৰ এটা বছপদৰ nতম বিভাজিত অন্তৰ এটা ধ্ৰুৱক।
- (e) Write a note on association between two attributes A and B.

A আৰু B গুণ দুটাৰ মাজৰ সাহচৰ্য্যৰ ওপৰত এটা টোকা লিখা।

4. Answer any *three* questions from the following: 10×3=30

তলৰ যিকোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ কৰা ঃ

(a) (i) If u_x is a polynomial of second degree in x, then find the value of $\int_0^1 u_x dx$ in terms of u_0 , u_1 , u_2 3

যদি $\mathbf{u}_{\mathbf{x}}$ এটা \mathbf{x} -দিঘাত বহুপদী হয়, তেন্তে $\int_0^1 \mathbf{u}_{\mathbf{x}} d\mathbf{x}$ ৰ মান \mathbf{u}_0 , \mathbf{u}_1 , \mathbf{u}_2 ৰ সহায়ত নিৰ্ণয় কৰা।

(ii) If p, q, r and s be the successive entries corresponding to equidistant arguments in a difference table, show that when third difference are taken into account, the entry corresponding to the arguments halfway between the arguments of q and

r is $A + \frac{1}{24}B$ where A is the arithmetic mean of q and r and B is the arithmetic mean of 3q-2p-s and 3r-2s-p.

যদি এখন অন্তৰ সাৰণিৰ ক্ৰমিক সমদ্ৰবৰ্তী ৰাশি সূচকৰ অনুৰূপ প্ৰবৃষ্টিসমূহ যথাক্ৰমে p, q, r আৰু

(8)

অন্তৰসমূহ বিবেচনা কৰিলে q আৰু r ৰ মধ্যবৰ্তী ৰাশিসমূহৰ বাবে অনুৰূপ প্ৰবৃষ্টিৰ মান $A+\frac{1}{24}B$ হ'ব, য'ত A হ'ল q আৰু rৰ সমান্তৰ মাধ্য আৰু B হ'ল 3q-2p-s আৰু 3r-2s-pৰ সমান্তৰ মাধ্য।

(b) Write down the general quadrature formula and then obtain Simpson's 3/8th rule. Also obtain the value of log_e 7 using the same.

1+6+3=10

সংখ্যাত্মক অনুকলন'ৰ সাধাৰণ সূত্ৰটো লিখা আৰু তাৰ পৰা চিম্পচনৰ 3/8 অংশ নিয়মটো উলিওৱা। একেটা সূত্ৰ ব্যৱহাৰ কৰি $\log_e 7$ ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

(c) Define correlation between two variables. Also discuss its different types with examples. Prove that correlation coefficient is independent of change of origin and scale.

2+3+5=10

দুটা চলকৰ মাজৰ সহস্বন্ধৰ বিষয়ে ব্যাখ্যা কৰা। ইয়াৰ প্ৰকাৰসমূহ উদাহৰণসহ আলোচনা কৰা। প্ৰমাণ কৰা যে, সহসম্বন্ধ গুণাংক মূলবিন্দু আৰু জোখৰ একক পৰিবৰ্তনৰ পৰা মুক্ত।

(9)

(d) (i) How do you determine mode of a grouped frequency distribution graphically?

শ্ৰেণী বিভাজিত বাৰংবাৰতা বন্টন এটাৰ বহুলক কি দৰে নিৰ্ধাৰণ কৰিবা ?

(ii) Draw the Ogives for the following data set: 6+1=7

তলত দিয়া তথ্যৰ পৰা অগিভ অংকন কৰা ঃ

Marks	No. of students
নম্বৰ	ছাত্র সংখ্যা
0 – 10	4
10 – 20	8
20 – 30	11
30 – 40	15
40 – 50	12
50 – 60	8
60 – 70	3

Hence obtain the median value.

ইয়াৰ পৰা মধ্যমাৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

(e) Derive the regression line of Y on X and X on Y using principle of least square. Why two regression lines are used? Also mention any two properties of regression co-efficient.

7+1+2=10

সমাশ্রয়ণ ৰেখা দুডাল (Yৰ ওপৰত X আৰু Xৰ ওপৰত Y) নৃন্যতম বর্গ নিয়মৰ তত্ত্ব অনুসৰি নির্ণয় কৰা। দুডাল সমাশ্রয়ণ ৰেখা কিয় ব্যৱহাৰ কৰা হয় ? সমাশ্রয়ণ গুণাংকৰ যিকোনো দুটা ধর্মৰ বিষয়ে উল্লেখ কৰা।

(f) (i) Show that:

11

5

দেখুওৱা যেঃ

$$\mu \mathbf{r} = \mu \mathbf{r}' - \mathbf{r}_{c_1} \mu_{\mathbf{r}'-1} \mu_1^1 + \mathbf{r}_{c_2} \mu_{\mathbf{r}-2}' \mu_1'^2 + \dots + (-1)^r \mu_1'^r$$

(ii) What is Sheppard's correction for moments? What are the corrections for the first four moments?

2+3=5

চেপার্ডৰ ঘূর্ণকৰ সংশোধন মানে কি ? প্রথম চার্বিটা ঘূর্ণকৰ সংশোধন কি কি ?

(11)