3 (Sem-6) STS

## 2020

## **STATISTICS**

(General)

Full Marks: 80

Time: Three hours

# The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese.

# Unit-I / গোট-I

1. Answer the following as directed:

1×10=10

তলত দিয়াবোৰৰ নিৰ্দেশ অনুসাৰে উত্তৰ দিয়া ঃ

(a) For a normal population the sample mean is a consistent estimator.

(Write True or False)

প্ৰসামান্য সমষ্টিৰ পৰা লোৱা প্ৰতিদৰ্শৰ মাধ্য সমষ্টিৰ মাধ্যৰ স্থিৰ আকলক।

(मठाँ त भिष्ठा निथा)

Contd.

(b) The Econometric theory is the quantitative relationship among economic phenomena.

(Write True or False)

অৰ্থমিতিৰ তত্ত্ব হল অৰ্থনীতিৰ ঘটনাবোৰৰ সংখ্যাত্মক সম্বন্ধ।

(मठाँ त भिष्ठं निथा)

- (c) What does RAM stand for ?

  RAM বুলিলে কি বুজা ?
- (d) The 3-σ control limits were proposed by ———.
   3-σ নিয়য়ণ সীমা ——— এ উলিয়াছিল।
- (e) In FORTRAN, state whether NUMBERS' is an integer variable.

FORTRAN ত 'NUMBERS' শব্দটো অখণ্ড চলকৰ নাম হব পাৰেনে ?

- (f) When is the c-chart used in SQC ?
  SQC ত c-সংচিত্ৰ কেতিয়া ব্যৱহাৰ হয় ?
- (g) Determine the result stored in the following variable memory space:

$$K = \frac{1}{2} + 13 * * 2$$

তলত দিয়া ৰাশিটোৰ মান কিমান বুলি উপলব্ধ স্মৃতিৰ স্থানত সংৰক্ষণ হব ?

$$K = \frac{1}{2} + 13 * * 2$$

(h) Write FORTRAN expression for the following mathematical expression:

তলত দিয়া ৰাশিটোৰ সমতুল্য FORTRAN ৰাশি লিখা ঃ

$$A = \sqrt{B^2 + C^2 - 2BC\cos(X)}$$

(i) The OLS estimators are best, linear and unbiased estimators.

(Write True **or** False)

OLS আকলকসমূহ শ্ৰেষ্ঠ, ৰৈখিক আৰু অনভিনত আকলক।

(সচাঁ নে মিছা লিখা)

(j) In SQC central line indicates the desired ——— of the process.

SQC ত কেন্দ্ৰীয় ৰেখাই প্ৰক্ৰিয়াটোৰ থাকিব লগা
——— বুজায়।

- Answer the following questions in brief:
   2×5=10
   তলৰ প্ৰশ্নবোৰৰ চমু উত্তৰ দিয়া ঃ
  - (a) What will be the values of M and N in the following Fortran 77 expressions?

তলত দিয়া Fortran 77ৰ ক্ষেত্ৰত M আৰু N ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা ঃ

$$M = 4 * * 2/5$$
  
 $N = 2 * 7/5$ 

- (b) What are the goals of Econometrics?
  অৰ্থমিতিৰ মূল লক্ষ্যসমূহ কি কি ?
- (c) Write down the control limits of c-chart.

  c-সংচিত্ৰৰ নিয়ন্ত্ৰণ সীমাসমূহ লিখা।

- (d) What is linear regression model? বৈথিক সমাশ্রয়ন আর্হি মানে কি ?
- (e) What is 3-σ limit ?3-σ সীমা বুলিলে কি বুজা ?

## Unit-II / গোট-II

- Answer any four of the following questions:
   5×4=20
   তলত দিয়া প্রশ্নবোৰৰ যিকোনো চাৰিটাৰ উত্তৰ লিখা:
  - (a) If  $x_1, x_2, \dots, x_n$  is a random sample from a normal population having mean  $\mu$  and variance unity, then show that

$$\frac{\mu'}{2} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i^2$$
 is an unbiased estimator of  $\mu^2 + 1$ .

যদি  $x_1, x_2, \ldots, x_n$  এটা প্ৰসামান্য সমষ্টিৰ পৰা লোৱা প্ৰতিদৰ্শ হয় যাৰ মাধ্য  $\mu$  আৰু প্ৰসৰণ মান এক

হয় তেনেহলে দেখুওৱা যে 
$$\frac{\mu'}{2} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2$$
 ,  $\mu^2 + 1$  – ৰ অন্তিনত আকলক।

- (b) What are the basic assumptions of linear regression model ? এটা ৰৈখিক সমাশ্রয়ণ আর্হিৰ মূল অভিগ্রহণ কেইটা কি কি?
- (c) What is p-chart ? How is this chart constructed ?

  p-সংচিত্ৰ বুলিলে কি বুজা? ইয়াক কেনেকৈ গঠন কৰা হয় ?
- (d) What are chance causes and assignable causes ?
  জ্ঞাত আৰু অজ্ঞান কাৰণসমূহ কি কি ?
- (e) Prove that  $s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i \overline{x})^2$  is an unbiased estimator of

$$S^{2} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (X_{i} - \overline{X})^{2}$$

where  $x_1, x_2, .... x_n$  be the sample values drawn from a large population  $X_1, X_2, .... X_N$ .

প্ৰমাণ কৰা যে

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2$$
,  $S^2 = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (X_i - \overline{X})^2$   $\triangleleft$ 

অনভিনত আকলক য'ত  $x_1, x_2, ....x_n$  হল প্ৰতিদৰ্শৰ মান, যাক  $X_1, X_2, ....X_N$  মানযুক্ত প্ৰসামান্য সমষ্টিৰ পৰা লোৱা হৈছে।

(f) Write a short note on software and hardware of computer.

কম্পিউটাৰৰ চফ্টৱেৰ আৰু হাৰ্ডৱেৰ ওপৰত এটা চমু টোকা লিখা।

# Unit-III / (利尼-III

4. Answer *any four* of the following questions: 10×4=40

তলৰ যিকোনো চাৰিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ লিখা ঃ

(a) Define sufficiency. What are the properties of sufficient estimator? Show that sample mean  $\bar{x}$  is as sufficient estimator for a population mean  $\mu$  in case of known variance  $\sigma^2$ .

পর্যাপ্ততাৰ সংজ্ঞা দিয়া। পর্যাপ্ত আকলকৰ ধর্মসমূহ কি কি? দেখুওৱা যে প্রতিদর্শৰ মাধ্য  $\overline{x}$ , সমষ্টিৰ মাধ্য  $\mu$ ৰ এটা পর্যাপ্ত আকলক য'ত প্রসৰণ  $\sigma^2$ ৰ মান জনা থাকে।

(b) What is Econometrics? Discuss the scope and limitations of Econometrics.

> অৰ্থমিতি বুলিলে কি বুজা ? ইয়াৰ পৰিসৰ আৰু সীমাবদ্ধতাৰ বিষয়ে আলোচনা কৰা।

#### Or

From a sample of 16 pairs of observations on X and Y, the following results are obtained:

$$\Sigma Y_i^2 = 526$$
,  $\Sigma X_i^2 = 657$ ,  $\Sigma X_i Y_i = 492$ ,  $\Sigma Y_i = 63$ ,  $\Sigma X_i = 96$ 

- (i) Estimate the parameters of the model  $Y_i = \alpha + \beta X_i + u_i$  and line of regression of X on Y.
- (ii) Find  $Var(\hat{a})$  and  $Var(\hat{\beta})$ .

X আৰু Y-ৰ 16 যোৰ মানৰ বাবে তলত দিয়া তথ্য-সমূহ পোৱা হ'ল ঃ

$$\Sigma Y_i^2 = 526$$
,  $\Sigma X_i^2 = 657$ ,  $\Sigma X_i Y_i = 492$ ,  $\Sigma Y_i = 63$ ,  $\Sigma X_i = 96$ 

- (i) প্ৰতিৰূপ  $Y_i = \alpha + \beta X_i + u_i$  ৰ প্ৰাচল কেইটাৰ মান আকলন কৰা আৰু Y-ৰ ওপৰত X-ৰ সমাশ্ৰয়ন ৰেখা নিৰ্ণয় কৰা।
- (ii)  $Var\left(\hat{a}\right)$  আৰু  $Var\left(\hat{eta}\right)$ -ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।
- (c) What do you mean by control charts?

  Explain the basic principles of construction of control charts. How does it help in manufacturing process?

নিয়ন্ত্ৰণ সংচিত্ৰ বুলিলে কি বুজা ? ইয়াৰ মূল গঠন প্ৰণালী বৰ্ণনা কৰা। উৎপাদন প্ৰক্ৰিয়াত ই কেনেকৈ সহায় কৰে বৰ্ণনা কৰা।

(d) Discuss the main parts of computer?

কম্পিউটাৰৰ বিভিন্ন অংশসমূহৰ বিষয়ে বহলাই

লিখা।

## Or / নহিবা

What are the different numeric variables used in FORTRAN language? Discuss the use of numeric variables with the help of examples.

FORTRAN ত কি কি সংখ্যাত্মক চলক ব্যৱহাৰ কৰা হয় ? উদাহৰণসহ সিঁহতৰ ব্যৱহাৰ বৰ্ণনা কৰা।

(e) Define an estimate and an estimator. State the requirements of a good estimator. Discuss it briefly.

> আকলন আৰু আকলকৰ সংজ্ঞা দিয়া। শ্ৰেষ্ঠ আকলক এটাৰ কি কি আবশ্যকীয়তা থাকে চমুকৈ ব্যাখ্যা কৰা।

(f) Explain the rules of Do loop with example.

Do loop-ৰ নিয়ম সমূহ উদাহৰণৰ সৈতে ব্যাখ্যা কৰা। (g) Discuss in detail the X and R charts. What are the main parts of these charts? Explain their advantages over p-chart.

 $\overline{X}$  আৰু R প্ৰকীৰ্ণ চিত্ৰৰ ব্যাখ্যা কৰা। এই চিত্ৰ সমূহৰ মূল অংশ সমূহ বৰ্ণনা কৰা। p-প্ৰকীৰ্ণ চিত্ৰতকৈ ইহঁতৰ সূবিধা সমূহ কি কি ?